

### Mechanik und Tragkonstrukion Modulprüfung WiSe22/23

06.03.23, 11:00-13:00 Uhr

1000 kg

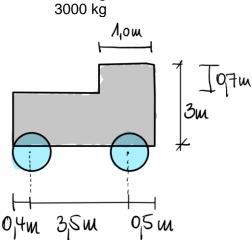
### Aufgabe 3 (11 p)

Für die dargestellte Straßenwalze soll die Lage der resultierenden Gewichtskraft bestimmt werden.

Die Straßenwalze kann schematisch wie im rechten Bild dargestellt idealisiert werden. Folgende Massen sind anzunehmen:

Gewicht Rahmen/Fahrerhaus (grau hinterlegter Bereich) = Gewicht Walzen (je Walze, blau hinterlegter Bereich) =

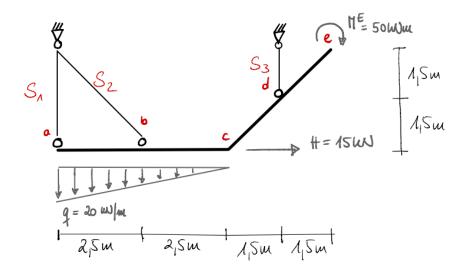




- a. Berechnen Sie zunächst die Lage des Schwerpunktes des Rahmens/Fahrzeughauses. Es ist anzunehmen, dass sich das Gewicht in der grau hinterlegten Fläche gleichmäßig verteilt.
- b. Berechnen Sie anschließend die Lage der resultierenden Kraft aus Rahmen/Fahzeughaus und den beiden Walzen. Stellen Sie die Lage der resultierenden Kraft in einer Skizze dar und vermaßen Sie diese.

### **Aufgabe 4 (17 p)**

Der dargestellte geknickte Stab wird an drei Stäben befestigt. Schneiden Sie den Stab a-e frei und stellen Sie die Stabkräfte mit der angenommenen Wirkungsrichtung dar. Berechnen Sie die Stabkräfte



Frankfurt University of Applied Sciences

Fachbereich 1

Studiengang Bauingenieurwesen

FRANKFURT	Name:	ERGEBNIS:
OF APPLIED SCIENCES	Vorname:	/ 108 Punkten
Mechanik und Tragkonstrukion Moduloriikung	MatNr.:	NOTE:
OF APPLIED SCIENCES  Mechanik und	Unterschrift:	

Durch meine obige Unterschrift bestätige ich, dass ich mich gesundheitlich in der Lage fühle, die nachfolgende Prüfung zu bearbeiten.

Ich ermächtige den Prüfer, die Noten durch die Matrikelnummer anonymisiert vor der offiziellen Bekanntmachung durch das Prüfungsamt bekanntzugeben.

#### Hinweise:

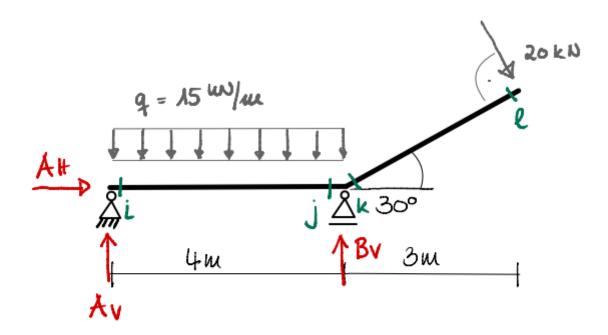
- 1. Zu Beginn: auf dem Aufgabenblatt Ihren Namen und Matrikelnummer eintragen und selbiges unterschreiben.
- 2. Versehen Sie jedes beschriebene Blatt mit Name und Matrikelnummer.
- 3. Sämtliche Blätter sind ausschließlich einseitig zu beschreiben.
- 4. Benutzen Sie AUSSCHLIEßLICH das ausgeteilte Papier. Versehen Sie jedes beschriebene Blatt mit Name und Matrikelnummer
- 5. Schreiben Sie mit Tinte oder Kugelschreiber NICHT mit Bleistift. Bleistift darf bei Zeichnungen verwendet werden.
- 6. Zugelassene Hilfsmittel:
  - Formelsammlung inklusive 2 selbst beschriebene Blätter (wird kontrolliert!)
  - Taschenrechner
- 7. Bitte legen Sie am Ende der Klausur Ihre beschriebenen Blätter in die Aufgabenstellung.
- 8. Am Ende der Klausur werden Ihre Arbeiten in derselben Reihenfolge eingesammelt, wie die Aufgabenblätter ausgeteilt wurden. Wenn Sie die Abgabe verzögern, führt dies zu einem Punktabzug von 2 Punkten. Bitte respektieren Sie also die Zeit und die Ansage des Klausurendes.



### MECHANIK UND TRAGKONSTRUKION

Modulprüfung WS22/23 06.03.23, 11:00-13:00 Uhr

### **Aufgabe 1 (43 p)**



#### Folgendes ist für das dargestellte System zu bearbeiten:

- a. Bestimmen Sie die Auflagerkräfte
- b. Bestimmen Sie die Schnittkräfte an den Stellen i, j, k und I. Stellen Sie hierzu jeweils in einer Skizze den betrachteten Teilschnitt dar.
- c. Stellen Sie die Schnittkraftlinien N, V und M dar. Berechnen Sie das maximale Moment und dessen Lage.

Frankfurt University of Applied Sciences

Fachbereich 1

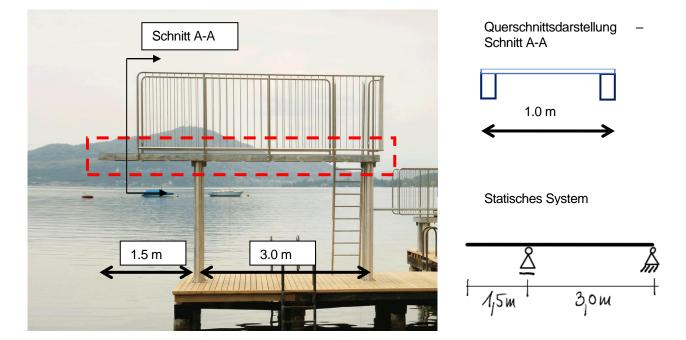
B. Eng. Bauingenieurwesen



### MECHANIK UND TRAGKONSTRUKION

Modulprüfung WS22/23 06.03.23, 11:00-13:00 Uhr

#### **Aufgabe 2 (37 p)**



Die dargestellte Sprungplattform besteht aus zwei Trägern im Abstand von 1 m die jeweils auf zwei Stützen befestigt sind. Zwischen den beiden Trägern liegt eine Stahlplatte.

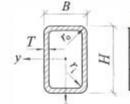
### Für das dargestellte statische System ist folgendes zu bestimmen:

- a. Belastung des Trägers durch die Stahlplatte, die 1 cm dick ist. Wichte Stahl = 78,5 kN/m³. Stellen Sie die Belastung im statischen System dar.
- b. Belastung des Trägers für eine gleichmäßig verteilte Verkehrslast der Höhe 4 kN/m². Stellen Sie die Belastung im statischen System dar.
- c. Bestimmen Sie mit den auf den nächsten Seiten dargestellten Tabellen, das maximale Biegemoment des Trägers über dem Auflager B und im Feld a-b für die Belastungen aus a und b. Beachten Sie hierbei, dass die Verkehrslast auch nur auf dem Kragarm, bzw. nur im Feld a-b wirken kann. Das Eigengewicht der Träger selbst darf vernachlässigt werden.
- d. Welcher Querschnitt (Rechteckhohlprofil, siehe Tabelle nächste Seite) ist erforderlich, um die Spannung infolge des maximalen Biegemomentes aufzunehmen? Zulässige Spannung  $\sigma$  = 21,8 kN/cm<sup>2</sup>
- e. Wie groß ist die Durchbiegung am Kragarmende (Punkt i), wenn sich 2 Personen (à 75 kg) direkt auf das Kragarmende stellen? In diesem Fall können Sie von einem Rechteckhohlprofil HxBxT= 100 x40x3 ausgehen. E-Modul Stahl E=21.000 kN/cm²

### @ 1.1.6 Träger auf zwei Stützen mit Kragarm

Γ	EI = konst.	M-Linie	ma	xM 🛧	Biegelinie w <sub>Mitte</sub>				
	<u>i k j</u>	Auflagerkr	äfte 🗚	7	+ 1/2+ 1/2+				
	$l \xrightarrow{\Delta} c \rightarrow$	A	B .	max M	$W_{\text{Mitte}}$ $W_{j}$				
1	<del>q</del>	$(l^2-c^2)\frac{q}{2l}$	$(l+c)^2 \frac{q}{2l}$	$\frac{A^2}{2q}$	$-\frac{qc^2}{2}$	$\left(\frac{l^2}{2,4} - c^2\right) \frac{ql^2}{32EI}$	$\left(\frac{c^3}{8} + \frac{c^2l}{6} - \frac{l^3}{24}\right) \frac{qc}{EI}$		
2	<del>q</del>	$\frac{ql}{2}$	$\frac{ql}{2}$	$\frac{ql^2}{8}$	0	$\frac{ql^4}{76,8EI}$	$-\frac{ql^3c}{24EI}$		
3	<u>q</u> →	$-\frac{qc^2}{2l}$	$\left(1+\frac{c}{2l}\right)qc$	$M_{\rm k}$	$-\frac{qc^2}{2}$	$-\frac{ql^2c^2}{32EI}$	$\left(\frac{l}{6} + \frac{c}{8}\right) \frac{qc^3}{EI}$		
4	↓F Δ	$\frac{Fb}{I}$	$\frac{Fa}{l}$	Fab l	0	$\left(\frac{l^2}{16} - \frac{a^2}{12}\right) \frac{Fa}{EI}$ wenn $a \le l/2$	$-(l+a)\frac{Fabc}{6lEI}$		
5	△	$-\frac{Fa}{l}$	$\left(1+\frac{a}{l}\right)F$	$M_{\rm k}$	-Fa	$-\frac{Fal^2}{16EI}$	$\left(\frac{lc}{3} + \frac{ac}{2} - \frac{a^2}{6}\right) \frac{Fa}{EI}$		
6	△ M°	$-\frac{M^e}{l}$	$\frac{M^{e}}{l}$	-M <sup>e</sup>	-M <sup>e</sup>	$-\frac{M^{e}l^{2}}{16EI}$	$\left(\frac{l}{3} + \frac{c}{2}\right) \frac{cM^e}{EI}$		
7	$ \begin{array}{cccc} & & & & & & & \\ & & & & & & & \\ \hline \kappa^e = \alpha_T (T_u - T_o) / h \\ & & & & & & & \\ \hline - \kappa^e - & & & & \\ \end{array} $	0	0	0	0	κ <sup>e</sup> l <sup>2</sup> /8	-κ <sup>c</sup> lc/2		
8	χ <sub>6</sub> ⊳	0	0	0	0	0	$-\kappa^{\rm e}c^2/2$		

# Kaltgefertigte Hohlprofile mit rechteckigem Querschnitt Auszug aus: DIN EN 10 219-2 (07.06), geschweißt



Ra	dien fi	ir Berechnu	ngen:
r	$T \le 6$	6 < T ≤ 10	T > 10
$r_0$	$2 \cdot T$	2,5 · T	3 · T
$r_{\rm i}$	$1 \cdot T$	1,5 · T	2 · T

Nennma	Ве					Statisc	he Wer	te				
$H \times B$	T	A	$I_{y}$	İy	$W_{\rm el,y}$	$W_{\rm phy}$	I <sub>z</sub>	iz	$W_{\rm el,z}$	$W_{\rm pl,z}$	$I_{T}$	g
mm	mm	cm <sup>2</sup>	cm <sup>4</sup>	cm	cm <sup>3</sup>	cm <sup>3</sup>	cm <sup>4</sup>	cm	cm <sup>3</sup>	cm <sup>3</sup>	cm <sup>4</sup>	kN/m
40 × 20	3	3,01	5,21	1,32	2,60	3,50	1,68	0,748	1,68	2,12	4,57	0,0236
50 × 30	3	4,21	12,8	1,75	5,13	6,57	5,70	1,16	3,80	4,58	13,5	0,0330
20	4	5,35	15,3	1,69	6,10	8,05	6,69	1,12	4,46	5,58	16,5	0,0420
60 × 40	3	5,41	25,4	2,17	8,46	10,5	13,4	1,58	6,72	7,94	29,3	0,0425
	4	6,95	31,0	2,11	10,3	13,2	16,3	1,53	8,14	9,89	36,7	0,0545
70 × 50	3	6,61	44,1	2,58	12,6	15,4	26,1	1,99	10,4	12,2	53,6	0,0519
10 4 50	4	8,55	54,7	2,53	15,6	19,5	32,2	1,94	12,9	15,4	68,1	0,0671
80 × 40	3	6,61	52,3	2,81	13,1	16,5	17,6	1,63	8,78			0,0519
80 × 40	4	1275	10014043				33/2/2/	100000000000000000000000000000000000000	100000000000000000000000000000000000000	10,2	43,9	200
00		8,55	64,8	2,75	16,2	20,9	21,5	1,59	10,7	12,8	55,2	0,0671
80 × 69	3	7,81	70,0	3,00	17,5	21,2	44,9	2,40	15,0	17,4	88,3	0,0613
** **	4	10,1	87,9	2,94	22,0	27,0	56,1	2,35	18,7	22,1	113	0,0797
90 × 50	3	7,81	81,9	3,24	18,2	22,6	32,7	2,05	13,1	15,0	76,7	0,0613
	4	10,1	103	3,18	22,8	28,8	40,7	2,00	16,3	19,1		0,0797
100 × 40	3	7,81	92,3	3,44	18,5	23,7	21,7	1,67	10,8	12,4	59,0	0,0613
	4	10,1	116	3,38	23,1	30,3	26,7	1,62	13,3	15,7	74,5	
100 × 50	3	8,41	106	3,56	21,3	26,7	36,1	2,07	14,4	16,4	88,6	0,0660
	4	10,9	134	3,50	26,8	34,1	44,9	2,03	18,0	20,9	113	0,0859
	5	13,4	158	3,44	31,6	40,8	52,5	1,98	21,0	25,0	135	0,105
100 × 60	3	9,01	121	3,66	24,1	29,6	54,6	2,46	18,2	20,8	122	0,0707
	4	11,7	153	3,60	30,5	37,9	68,7	2,42	22,9	26,6	156	0,0922
	5	14,4	181	3,55	36,2	45,6	80,8	2,37	26,9	31,9	188	0,113
100 × 80	3	10,2	149	3,82	29,8	35,4	106	3,22	26,4	30,4	196	0,0801
	4	13,3	189	3,77	37,9	45,6	134	3,17	33,5	39,2	254	0,105
	5	16,4	226	3,72	45,2	55,1	160	3,12	39,9	47,2	308	0,128
$120 \times 60$	4	13,3	241	4,25	40,1	50,5	81,2	2,47	27,1	31,1	201	0,105
	5	16,4	287	4,19	47,8	60,9	96,0	2,42	32,0	37,4	242	0,128
	6,3	19,7	327	4,07	54,5	71,2	109	2,35	36,4	43,7	289	0,155
120 × 80	4	14,9	295	4,44	49,1	59,8	157	3,24	39,3	45,2	331	0,117
	5	18,4	353	4,39	58,9	72,4	188	3,20	46,9	54,7	402	0,144
	6,3	22,2	408	4,28	68,1	85,6	217	3,12	54,3	64,7	488	0,175
140 × 80	4	16,5	430	5,10	61,4	75,5	180	3,30	45,1	51,3	412	0,130
	5	20,4	517	5,04	73,9	91,8	216	3,26	54,0	62,2	501	0,160
	6,3	24,8	603	4,93	86,1	109	251	3,19	62,9	74,0	1 1 1 1 1 1 1 1 1 1 1 1 1 1 1 1 1 1 1 1	0,194
	8	30,4	708	4,82	101	131	293	3,10	73,3	88,4	-24:V-	0,239
150 × 100	4	18,9	595	5,60	79,3	95,7	319	4,10	63,7	72,5		0,149
	5	23,4	719	5,55	95,9	117	384	4,05	76,8	88,3		0,183
	6,3	28,5	848	545	113	140	453	3,98	90,5	106		0,224
	8	35,2	1 008	5,35	134	169	536	3,90	107	128		0,277
160 × 80	4	18,1	598	5,74	74,7	92,9	204	3,35	50,9	57,4	494	0,142
THE PERSON NAMED IN	5	22,4	722	5,68	90,2	113	244	3,30	61,0	69,7	200000100	0,175
	6,3	27,3	846	5,57	106	135	286	3,24	71,4	83,3	732	0,214
	8	33,6	1 001	5,46	125	163	335	3,16	83,7	100	882	0,264
	10	40,6	1 146	5,32	143	191	380	3,06	95,0	117	1 031	0,318

Frankfurt University of Applied Sciences

Fachbereich 1

B. Eng. Bauingenieurwesen

## Kaltgefertigte Hohlprofile mit rechteckigem Querschnitt (Fortsetzung) Auszug aus DIN EN 10 219-2 (07.06), geschweißt

Nennma						Statisc	ne Werte					
H × B mm	T mm	A cm <sup>2</sup>	I <sub>y</sub> cm <sup>4</sup>	i <sub>y</sub> cm	W <sub>ely</sub> cm <sup>3</sup>	W <sub>pl,y</sub> cm <sup>3</sup>	Iz cm <sup>4</sup>	i <sub>z</sub> cm	W <sub>el,z</sub> cm <sup>3</sup>	W <sub>pl,z</sub> cm <sup>3</sup>	I <sub>T</sub> cm <sup>4</sup>	g kN/n
180 × 100	4	21,3	926	6,59	103	126	374	4,18	74,8	84,0	854	0,168
100 100	6,3	32,3	1 335	6,43	148	186	536	4,07	107	124	1 283	0,254
	8	40,0	1 598	6,32	178	226	637	3,99	127	150	1 565	0,314
	10	0.0000	1 859	6,19	207	268	120000	3,89	147	177	1 859	0,31
200 × 100	4	48,6	-				736	-				
200 ^ 100	6,3	22,9	1 200	7,23	120	148	411 591	4,23	82,2	91,7	985	0,180
	8	34,8	1 739	7,06	174	219	705	4,12	118	135	1 483	0,274
	-000	43,2	2 091	6,95	209	267		4,04	141	165	1811	0,33
200 × 120	10	52,6	2 444	6,82	135	318 164	818	3,94	164	195	2 154	
200 × 120	4	24,5	1 353	7,43			618	5,02	103	115	1 345	0,19
	6,3	37,4	1 976	7,27	198	244	898	4,90	150	172	2 040	0,29
	8	46,4	2 386	7,17	239	298	1 079	4,82	180	209	2 507	
	10	56,6	2 806	7,04	281	356	1 262	4,72	210	250	3 007	
250 × 150	5	38,4	3 304	9,28	264	320	1 508	6,27	201	225	3 285	
	6,3	47,4	4 001	9,18	320	391	1 825	6,20	243	276	4 078	
	8	59,2	4 886	9,08	391	482	2 219	6,12	296	340	5 050	
	10	72,6	5 825	8,96	466	582	2 634	6,02	351	409	6 121	0,57
260 × 180	5	42,4	4 121	9,86	317	377	2 350	7,45	261	294	4 695	0,33
	6,3	52,5	5 013	9,77	386	463	2 856	7,38	317	361	5 844	
	8	65,6	6 145	9,68	473	573	3 493	7,29	388	446	7 267	0,51
	10	80,6	7 363	9,56	566	694	4 174	7,20	464	540	8 850	0,63
	12	93,7	8 245	9,38	634	790	4 679	7,07	520	615	10 328	0,73
300 × 100	6,3	47,4	4 907	10,2	327	425	868	4,28	174	194	2 5 1 5	0,37
	8	59,2	5 978	10,0	399	523	1 045	4,20	209	238	3 080	0,46
	10	72,6	7 106	9,90	474	631	1 224	4,11	245	285	3 681	0,570
	12	84,1	7 808	9,64	521	710	1 343	4,00	269	321	4 177	0,660
	16	107	9 157	9,26	610	865	1 543	3,80	309	386	4 939	0,83
300 × 150	6,3	53,7	6 266	10,8	418	517	2 150	6,32	287	321	5 234	0,42
	8	67,2	7 684	10,7	512	640	2 623	6,25	350	396	6 491	0,52
	10	82,6	9 209	10,6	614	776	3 125	6,15	417	479	7 879	0,64
	12	96,1	10 298	10,4	687	883	3 498	6,03	466	546	9 1 5 3	0,75
	16	123	12 387	10,0	826	1 092	4 174	5,83	557	673	11 328	1000
300 × 200	6,3	60,0	7 624	11,3	508	610	4 104	8,27	410	463	8 524	
	8	75,2	9 389	11,2	626	757	5 042	8,19	504	574	10 627	
	10	92,6	11 313	11,1	754	921	6 058	8,09	606	698	2.47 (1.05)	0,72
	12	108	12 788	10,9	853	1 056	6 854	7,96	685	801	15 236	
	16	139	15 617	10,6	1 041	1 319	8 340	1,00,707-50	834	1 000	19 223	
350 × 250	6,3	72,6	12 923	13,3	738	876	7 744	10,3	620	698	15 291	
6-50K-016-7-3-6	8	91,2	16 001	13,2	914	1 092	9 573	10,2	766	869	19 136	
	10	113	19 407	13,1	1 109	1 335	11 588	10,1	927	1 062	23 500	100000
	12	132	22 197	13,0	1 268	1 544	13 261	10,0	1 061	1 229	27 749	12770
	16	171	27 580	12,7	1 576	1 954	16 434	9,81	1 315	1 554	35 497	
400 × 200	8	91,2	18 974	14,4	949	1 173	6 517	8,45	652	728		0,71
	10	113	23 003	14,3	1 150	1 434	7 864	8,36	786	888	19 368	
	12	132	26 248	14,1	1 312	1 656	8 977	8,24	898	1 027	22 782	1,04
	16	171	32 547	13,8	1 627	2 093	11 056	8,05	1 106	1 294	28 928	
400 × 300	8	107	25 122	15,3	1 256	1 487	16 212	12,3	1 081	1 224	31 179	
100 000	10	133	30 609	15,2	1 530	1 824	19 726	12,3	1 315	1 501	38 407	
	12	156	35 284	15,0	1 764	2 122	22 747	12,2	1516	1 747	45 527	
	16	203	44 350	14,8	2 218	2 708	28 535	100000000000000000000000000000000000000	1	V350505555	7.01-2.00	
	10	203	44 330	14,0	2 210	2 /00	20 333	11,9	1 902	2 228	58 730	1,59